

# الزمر المتحللة المنتهية المتولدة بصفين ترافقيين

## مقدمة من

آلاء عبدالله صالح الطاسان

## المستخلص

في هذه الرسالة قمنا بدراسة العلاقات التي تجمع بين نظرية الزمر ونظرية التمثيل للحصول على بعض النتائج الجديدة . إذا كانت  $G$  زمرة منتهية متحللة و  $V$  مديول (زمرة حلقة) للزمرة  $G$  فإنه بإمكاننا إيجاد حد علوي لبُعد الفراغ الجزئي للنقطة الثابتة لزمرة جزئية من الرتبة  $p$ ، حيث  $p$  هو عدد أولي أكبر من 3. عليه فقد توصلنا إلى بعض خواص الزمر الجزئية المتولدة بمتراقات عنصرين داخل الزمرة  $G$ . وباستخدام العلاقات السابقة ونظرية بير سوزوكي ، أخيراً استطعنا إثبات أن الزمرة المتولدة بصفين ترافقيين لعنصرين لهما الرتبة  $p$  حيث  $p > 3$  لا يمكن أن تكون زمرة بسيطة.

# FINITE SOLUBLE GROUPS GENERATED BY TWO CONJUGACY CLASSES

By

**ALAA ABDULLAH AL-TASSAN**

## **Abstract**

In this thesis, we combine between group theory and representation theory to get some new results. If  $\mathbf{G}$  is a finite soluble group and  $\mathbf{V}$  is a  $\mathbf{G}$ -module, then we try to find an upper bound for the dimension of the fixed point subspace of a subgroup of order  $\mathbf{p}$ , where  $\mathbf{p}$  is a prime,  $\mathbf{p} > 3$ . Then we use these results to produce properties of the subgroups generated by the conjugates of two elements of  $\mathbf{G}$ . Finally, if  $\mathbf{G}$  is generated by two conjugacy classes of elements  $\mathbf{x}, \mathbf{y}$  in  $\mathbf{G}$  of prime order greater than 3, then by using the Baer-Suzuki Theorem and considering other hypothesis, we prove that  $\mathbf{G}$  can not be simple.